

ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ
ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

"БРАТСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ"

УТВЕРЖДАЮ

Проректор по учебной работе

_____ Е.И.Луковникова

_____ 14 мая _____ 2024 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

Б1.В.ДВ.01.01 Математическое моделирование

Закреплена за кафедрой **Информатики, математики и физики**

Учебный план b090302_24_ИСиТ.plx

Направление: 09.03.02 Информационные системы и
технологии

Квалификация **Бакалавр**

Форма обучения **очная**

Общая трудоемкость **4 ЗЕТ**

Виды контроля в семестрах:

Контрольная работа 4, Экзамен 4

Распределение часов дисциплины по семестрам

Семестр (<Курс>.<Семестр на курсе>)	4 (2.2)		Итого	
Неделя	16			
Вид занятий	уп	рп	уп	рп
Лекции	32	32	32	32
Лабораторные	32	32	32	32
В том числе инт.	8	8	8	8
В том числе в форме практ.подготовки	32	32	32	32
Итого ауд.	64	64	64	64
Контактная работа	64	64	64	64
Сам. работа	44	44	44	44
Часы на контроль	36	36	36	36
Итого	144	144	144	144

Программу составил(и):

к.т.н., доц., В.А. Мельникова _____

Рабочая программа дисциплины

Математическое моделирование

разработана в соответствии с ФГОС:

Федеральный государственный образовательный стандарт высшего образования - бакалавриат по направлению подготовки 09.03.02 Информационные системы и технологии (приказ Минобрнауки России от 19.09.2017 г. № 926)

составлена на основании учебного плана:

Направление: 09.03.02 Информационные системы и технологии
утвержденного приказом ректора от 30.01.2024 № 32.

Рабочая программа одобрена на заседании кафедры

Информатики, математики и физики

Протокол от 21.03.2024 г. № 9

Срок действия программы: 2024-2028 уч.г.

Зав. кафедрой Горохов Д.Б.

Председатель МКФ ст. преподаватель Латушкина С.В.

29.03.2024 г. №7

Ответственный за реализацию ОПОП _____ Горохов Д.Б.

Директор библиотеки _____ Сотник Т.Ф.

№ регистрации _____ 52 _____
(учебный отдел)

Визирование РПД для исполнения в очередном учебном году

Председатель МКФ

_____ 2025 г.

Рабочая программа пересмотрена, обсуждена и одобрена для
исполнения в 2025-2026 учебном году на заседании кафедры
Информатики, математики и физики

Внесены изменения/дополнения (Приложение _____)

Протокол от _____ 2025 г. № __

Зав. кафедрой _____

Визирование РПД для исполнения в очередном учебном году

Председатель МКФ

_____ 2026 г.

Рабочая программа пересмотрена, обсуждена и одобрена для
исполнения в 2026-2027 учебном году на заседании кафедры
Информатики, математики и физики

Внесены изменения/дополнения (Приложение _____)

Протокол от _____ 2026 г. № __

Зав. кафедрой _____

Визирование РПД для исполнения в очередном учебном году

Председатель МКФ

_____ 2027 г.

Рабочая программа пересмотрена, обсуждена и одобрена для
исполнения в 2027-2028 учебном году на заседании кафедры
Информатики, математики и физики

Внесены изменения/дополнения (Приложение _____)

Протокол от _____ 2027 г. № __

Зав. кафедрой _____

Визирование РПД для исполнения в очередном учебном году

Председатель МКФ

_____ 2028 г.

Рабочая программа пересмотрена, обсуждена и одобрена для
исполнения в 2028-2029 учебном году на заседании кафедры
Информатики, математики и физики

Внесены изменения/дополнения (Приложение _____)

Протокол от _____ 2028 г. № __

Зав. кафедрой _____

1. ЦЕЛИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

1.1	сформировать у обучающихся представления о месте и роли математического моделирования в современном научно-техническом прогрессе и способах решения сложных технических проблем; сориентировать студентов на использование математики при решении фундаментальных и прикладных задач в естествознании и других областях жизнедеятельности; повысить уровень фундаментальной подготовки обучающихся.
-----	---

2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ООП

Цикл (раздел) ООП:		Б1.В.ДВ.01.01
2.1	Требования к предварительной подготовке обучающегося:	
2.1.1	Алгоритмы и структуры данных	
2.1.2	Математика	
2.1.3	Учебная (ознакомительная) практика	
2.2	Дисциплины и практики, для которых освоение данной дисциплины (модуля) необходимо как предшествующее:	
2.2.1	Технологии обработки и анализа данных	
2.2.2	Методы оптимизации	
2.2.3	Выполнение и защита выпускной квалификационной работы	

3. КОМПЕТЕНЦИИ ОБУЧАЮЩЕГОСЯ, ФОРМИРУЕМЫЕ В РЕЗУЛЬТАТЕ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)**ПК-1: Способность проводить исследования на всех этапах жизненного цикла программных средств**

Индикатор 1	ПК-1.1. Знает цели и задачи проводимых исследований; отечественный и международный опыт в соответствующей области исследований; методы и средства планирования и организации исследований; методы проведения экспериментов и наблюдений, обобщения и обработки результатов.
Индикатор 2	ПК-1.2. Умеет применять актуальную нормативную и техническую документацию в соответствующей области; оформлять результаты исследовательских работ; применять методы проведения исследований.
Индикатор 3	ПК-1.3. Имеет навыки проведения исследований, составления их описаний и формулировки выводов; составления отчетов по результатам проведенных исследований; внедрения результатов исследований и разработок в соответствии с установленными полномочиями.

В результате освоения дисциплины обучающийся должен

3.1	Знать:
3.1.1	основные принципы моделирования систем, способы построения моделей, основные виды и процедуры обработки информации, модели и методы решения задач обработки; математические методы обработки, анализа и синтеза результатов моделирования; основы применения методов алгебры и геометрии при разработке математических моделей.
3.2	Уметь:
3.2.1	применять на практике методы алгебры и геометрии при разработке математических моделей информационных систем; решать стандартные профессиональные задачи с применением естественнонаучных и общинженерных знаний, методов математического анализа и моделирования; критически оценивать свои способности и выработать план действий по их развитию в достижении поставленной цели; применять описательные методы и приемы при разработке математических моделей.
3.3	Владеть:
3.3.1	владеть навыками практического применения, методов алгебры и геометрии при разработке математических моделей; математическими методами обработки, анализа и синтеза результатов моделирования; содержательной интерпретацией и адаптацией знаний для решения профессиональных задач; основными законами естественнонаучных дисциплин и методами математического анализа и моделирования.

4. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Код занятия	Вид занятия	Наименование разделов и тем	Семестр / Курс	Часов	Компетенции	Литература	Инте ракт.	Примечание
	Раздел	Раздел 1. Общие вопросы и понятия математического моделирования						
1.1	Лек	Понятие модели и моделирования. Классификация моделей	4	6	ПК-1	Л1.1Л2.1 Л2.2 Л2.3	0	ПК-1.1; ПК-1.2; ПК-1.3

1.2	Лек	Математическое моделирование. Этапы построения математической модели.	4	4	ПК-1	Л1.1Л2.1 Л2.2 Л2.3	0	ПК-1.1; ПК-1.2; ПК-1.3
1.3	Лек	Вычислительный эксперимент	4	4	ПК-1	Л1.1Л2.1 Л2.2 Л2.3	0	ПК-1.1; ПК-1.2; ПК-1.3
1.4	Лаб	Реализация элементов линейной алгебры на Python	4	8	ПК-1	Л1.1Л2.1 Л2.2 Л2.3	0	ПК-1.1; ПК-1.2; ПК-1.3 Работа в малых группах
1.5	Лаб	Решение систем линейных уравнений на Python	4	8	ПК-1	Л1.1Л2.1 Л2.2 Л2.3	0	ПК-1.1; ПК-1.2; ПК-1.3
1.6	Лаб	Изучение возможностей языка программирования Python для построения графиков функций	4	8	ПК-1	Л1.1Л2.1 Л2.2 Л2.3	2	ПК-1.1; ПК-1.2; ПК-1.3; Работа в малых группах
1.7	Ср	Подготовка к выполнению лабоарторных работ	4	20	ПК-1	Л1.1Л2.1 Л2.2 Л2.3	4	ПК-1.1; ПК-1.2; ПК-1.3
1.8	Экзамен	Подготовка к экзамену	4	10	ПК-1	Л1.1Л2.1 Л2.2 Л2.3	0	ПК-1.1; ПК-1.2; ПК-1.3
	Раздел	Раздел 2. Особенности экономико-математического моделирования с помощью языка программирования Python						
2.1	Лек	Математическая модель ЗЛП. Сфера применения и способы решения задач средствами библиотек Python	4	6	ПК-1	Л1.1Л2.1 Л2.2 Л2.3	0	ПК-1.1; ПК-1.2; ПК-1.3
2.2	Лек	Математические модели экономики: кривая производственных возможностей	4	6	ПК-1	Л1.1Л2.1 Л2.2 Л2.3	0	ПК-1.1; ПК-1.2; ПК-1.3
2.3	Лек	Математические модели экономики: равновесие и эластичность	4	6	ПК-1	Л1.1Л2.1 Л2.2 Л2.3	2	ПК-1.1; ПК-1.2; ПК-1.3 Лекция-визуализация
2.4	Лаб	Исследование задач линейного программирования средствами специальных библиотек языка Python	4	8	ПК-1	Л1.1Л2.1 Л2.2 Л2.3	0	ПК-1.1; ПК-1.2; ПК-1.3
2.5	Контр.раб.	Применение библиотек Python для экономического моделирования	4	16	ПК-1	Л1.1Л2.1 Л2.2 Л2.3	0	ПК-1.1; ПК-1.2; ПК-1.3
2.6	Ср	Подготовка к выполнению лабораторных работ	4	24	ПК-1	Л1.1Л2.1 Л2.2 Л2.3	0	ПК-1.1; ПК-1.2; ПК-1.3
2.7	Экзамен	Подготовка к экзамену	4	10	ПК-1	Л1.1Л2.1 Л2.2 Л2.3	0	ПК-1.1; ПК-1.2; ПК-1.3

5. ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ ТЕХНОЛОГИИ

Технология коллективного взаимодействия (работа в малых группах) (самостоятельное изучение обучающимися нового материала посредством сотрудничества в малых группах, дает возможность всем участникам участвовать в работе, практиковать навыки сотрудничества, межличностного общения)

Традиционная (репродуктивная) технология (преподаватель знакомит обучающихся с порядком выполнения задания, наблюдает за выполнением и при необходимости корректирует работу обучающихся)

Образовательные технологии с использованием активных методов обучения (лекция-визуализация)

6. ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ

6.1. Контрольные вопросы и задания

ЛЕКЦИЯ-ВИЗУАЛИЗАЦИЯ Лекция-визуализация №1 (4 час.)

Тема: Математические модели экономики: кривая производственных возможностей.

РАБОТА В МАЛЫХ ГРУППАХ

Работа в малых группах №1 (8 час.)

Тема: Реализация элементов линейной алгебры на Python.

Работа в малых группах №2 (10 час.)

Тема: Исследование задач линейного программирования средствами специальных библиотек языка Python.

Лабораторная работа №1 (8 час.)

Тема: Реализация элементов линейной алгебры на Python

Вопросы:

1. Укажите основные библиотеки Python, применяемые для реализации алгебраических операций операций.
2. Перечислите основные приемы обработки матриц в Python.

Лабораторная работа №2 (10 час.)

Тема: Решение систем линейных уравнений на Python.

Вопросы:

1. Какие алгебраические методы решения систем линейных уравнений (СЛАУ) вы знаете?
2. В каком случае СЛАУ не имеет решения?
3. Дайте характеристику реализации методов Крамера и обратной матрицы на Python.

Лабораторная работа №3 (9 час.)

Тема: Изучение возможностей языка программирования Python для построения графиков функций

Вопросы:

1. Перечислите возможности библиотеки Matplotlib для построения графиков математических функций.
2. Каким образом возможно проводить масштабирование графика?
3. С помощью каких операторов на графике возможно форматировать вид осей, отображать сетку, добавлять текстовые надписи?

Лабораторная работа №4 (10 час.)

Тема: Исследование задач линейного программирования средствами специальных библиотек языка Python.

Вопросы:

1. Экономико-математическая модель задач линейного программирования (ЗЛП).
2. Сферы применения и примеры постановки модели ЗЛП.
3. Общая ЗЛП. Основные компоненты модели: переменные, функция цели, ограничения, оптимальное решение.
4. Геометрический метод решения ЗЛП.
5. Двойственные задачи линейного программирования (ЗЛП): экономическая интерпретация двойственности.

6.2. Темы письменных работ

Контрольная работа.

Тема: Применение библиотек Python для экономического моделирования.

Вопросы:

1. Расчет альтернативных издержек в задачах инвестирования.
2. Моделирование с помощью кривой производственных возможностей.
3. Применение задач линейного программирования для оценки торговых возможностей.

6.3. Фонд оценочных средств

Вопросы к экзамену.

Раздел 1: Общие вопросы и понятия математического моделирования.

1. Моделирование как метод исследования.
2. Математическое и компьютерное моделирование: понятие, преимущества, особенности.
3. Правила и этапы моделирования.
4. Понятие модели, свойства моделей.
5. Достоинства моделей.
6. Классификация моделей.
7. Классификация математических моделей.
8. Свойства математических моделей.
9. Общие требования и рекомендации по математическому моделированию.
10. Этапы построения и применения математических моделей.
11. Вычислительный эксперимент: сущность, этапы, особенности.

Раздел 2: Особенности экономико-математического моделирования с помощью языка программирования Python.

1. Экономико-математическая модель задач линейного программирования (ЗЛП).
2. Сферы применения и примеры постановки модели ЗЛП.
3. Общая ЗЛП. Основные компоненты модели: переменные, функция цели, ограничения, оптимальное решение.

4. Геометрический метод решения ЗЛП.
 5. Двойственные задачи линейного программирования (ЗЛП): экономическая интерпретация двойственности.
 6. Понятие альтернативных издержек в экономике.
 7. Экономическая модель кривой производственных возможностей.
 8. Применение задач линейного программирования для оценки торговых возможностей.

6.4. Перечень видов оценочных средств

Лабораторные работы, контрольная работа, вопросы к экзамену.

7. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

7.1. Рекомендуемая литература

7.1.1. Основная литература

	Авторы,	Заглавие	Издательство,	Кол-во	Эл. адрес
Л1. 1	Ашихмин В.Н., Гитман М.Б., Келлер И.Э., Трусов П.В.	Введение в математическое моделирование: Учеб. пособие для вузов	Москва: Логос, 2005	55	

7.1.2. Дополнительная литература

	Авторы,	Заглавие	Издательство,	Кол-во	Эл. адрес
Л2. 1	Самарский А.А., Михайлов А.П.	Математическое моделирование: Идеи. Методы. Примеры	Москва: Физматлит, 2005	13	
Л2. 2	Тарасевич Ю.Ю.	Математическое и компьютерное моделирование. Вводный курс: Учеб. пособие	Москва: Едиториал УРСС, 2004	10	
Л2. 3	Советов Б.Я., Яковлев С.А.	Моделирование систем: Учебник для вузов	Москва: Высшая школа, 2007	5	

7.2. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети "Интернет"

Э1	Электронный каталог библиотеки БрГУ	http://ecat.brstu.ru/catalog
----	-------------------------------------	---

7.3.1 Перечень программного обеспечения

7.3.1.1	Microsoft Windows Professional 7 Russian Upgrade Academic OPEN No Level
7.3.1.2	LibreOffice
7.3.1.3	Jupyterlab

7.3.2 Перечень информационных справочных систем

7.3.2.1	Научная электронная библиотека eLIBRARY.RU
7.3.2.2	Электронная библиотека БрГУ
7.3.2.3	Электронный каталог библиотеки БрГУ
7.3.2.4	«Университетская библиотека online»

8. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Аудитория	Назначение	Оснащение аудитории	Вид занятия
1346	Учебная аудитория (дисплейный класс)	Основное оборудование: - доска интерактивная Smart Board SB680; Системный блок Prime Box S302, 5-135000, 16GB DOR5, Gigabyte 4060, 1TBs5 D – 15 шт.; - Монитор Asus VA24E 23,8 - 15 шт.; - принтер HP LaserJet 1000 Series; - проектор Unifri35 (Vixuiti) SmartTechnologies; - коммутатор D-Link DES-1050G. Дополнительно: - маркерная доска - 1 шт. Учебная мебель: - комплект мебели (посадочных мест/АРМ) - 32/15 шт. - комплект мебели (посадочных мест) для преподавателя - 1 шт.	Лек
1345	Учебная аудитория (дисплейный класс)	Основное оборудование: - доска интерактивная Smart Board SB680; - Системный блок Prime Box S302, 5-135000, 16GB DOR5, Gigabyte 4060, 1TBs5 D – 15 шт.; - Монитор Asus VA24E 23,8 - 15 шт.; - принтер HP LaserJet 1000 Series; - проектор Unifri35 (Vixuiti) SmartTechnologies;	Лаб

		- коммутатор D-Link DES-1050G. Дополнительно: - маркерная доска - 1 шт. Учебная мебель: - комплект мебели (посадочных мест/АРМ) - 32/15 шт. - комплект мебели (посадочных мест) для преподавателя - 1 шт.	
1348	Учебная аудитория (дисплейный класс)	Основное оборудование: - Системный блок Prime Box S302, 5-135000, 16GB DOR5, 1TBs5 D – 6 шт.; Системный блок Prime Box S302, 5-135000, 16GB DOR5, Gigabyte 4060, 1TBs5 D – 5 шт.; - Монитор Asus VA24E 23,8 - 11 шт.; - принтер HP LaserJet 1000 Series. Дополнительно: - маркерная доска - 1 шт. Учебная мебель: - комплект мебели (посадочных мест/АРМ) - 24/11 шт. - комплект мебели (посадочных мест) для преподавателя - 1 шт.	Экзамен
2201	читальный зал №1	Комплект мебели (посадочных мест) Стеллажи Комплект мебели (посадочных мест) для библиотекаря Выставочные шкафы ПК i5-2500/H67/4Gb (монитор TFT19 Samsung) (10шт.); принтер HP Laser Jet P2055D (1шт.)	Ср

9. МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ ДЛЯ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ОСВОЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

- Для успешного освоения содержания дисциплины необходимо посещать лекции, принимать активное участие в выполнении лабораторных работ, а также выполнять задания, предлагаемые преподавателем для самостоятельного изучения.
- Лекция.
 - на лекционных занятиях необходимо конспектировать изучаемый материал.
 - для систематизации лекционного материала, который будет полезен при подготовке к итоговому контролю знаний, записывайте на каждой лекции тему, вопросы для изучения, рекомендуемую литературу.
 - в каждом вопросе выделяйте главное, обязательно запишите ключевые моменты (определение, факты, законы, правила и т.д.), подчеркните их.
 - если по содержанию материала возникают вопросы, не нужно выкрикивать, запишите их и задайте по окончании лекции или на семинарском занятии.
 - перед следующей лекцией обязательно прочитайте предыдущую, чтобы актуализировать знания и осознанно приступить к освоению нового содержания.
- Лабораторная работа – это форма работы, где студенты максимально активно участвуют в закреплении знаний, умений и навыков, полученных при изучении лекционного материала.
Самостоятельную подготовку к занятию необходимо начинать с изучения понятийного аппарата темы. Рекомендуем использовать справочную литературу, учебники.
Важно запомнить, что любой источник должен нести достоверную информацию, особенно это относится к Internet-ресурсам. При использовании Internet - ресурсов в процессе подготовки не нужно их автоматически «скачивать», они должны быть проанализированы. Не нужно «скачивать» готовые рефераты, так как их однообразие преподаватель сразу выявляет, кроме того, они могут быть сомнительного качества.
В процессе изучения темы анализируйте несколько источников. Используйте научные специальные журналы.
При возникновении трудностей в процессе подготовки взаимодействуйте с преподавателем, консультируйтесь по самостоятельному изучению темы.
- Самостоятельная работа.
Поиск ответов на вопросы и выполнение заданий для самостоятельной работы позволит вам расширить и углубить свои знания по курсу, применить теоретические знания в решении задач практического содержания, закрепить изученное ранее. Выполнив их, проанализируйте качество их выполнения. Это поможет вам развивать умения самоконтроля и оценочные компетенции.
5. Контрольная работа. При ее выполнении необходимо ориентироваться на конспекты лекций, рекомендуемую литературу и использовать ресурсы информационно-телекоммуникационной сети «Интернет».
- Зачет предполагает устный опрос по вопросам представленным в фонде оценочных средств. При выполнении приведенных выше рекомендаций подготовка к зачету сведется к повторению изученного.